- 1 日 時 平成16年 9月 8日(水) 第5校時
- 2 コース 3年選択 数学B 男子10名 女子 5名 計15名
- 3 主 題 2次方程式

#### 4 主題について

必修では,第1学年で1元1次方程式を,第2学年では,それとの関連を図りながら簡単な連立2元1次方程式を学習している。そこで,第3学年では,簡単な2次方程式を解くことができるようになり,また,具体的な問題の解決に2次方程式が利用できることを知ることによって,これまでより広く問題の解決に方程式を利用できるようになっている。

選択では、同内容の例題と類題と発展問題に取り組むことにより、必修の数学で学んだことを確実に定着させていくことはいうまでもなく、さらに発展的な数学の内容について学びたいと考える生徒にも配慮しながら指導したいと考える。

#### 5 生徒について

このコースは事前テストの受験者数が14名であった。平均点は23点中21点であった。分布は23点5名,22点2名,21点2名,20点1名,19点2名,18点1名,17点1名であった。境界点を7~16点とした結果,他コースへの移動者1名(17点),他コースからの移動者2名(22~23点),よって確定者15名(18点以上)となった。

基本的な計算問題については自信を持っているが、文章題などの応用問題に苦手意識を持つ者が若干いる。

全体的に見て学力の高い生徒が多く、意欲的に取り組んでいる。

#### 6 主題の指導構想

数学に対する生徒の興味,関心,意欲はさまざまであり,学習における理解の仕方も一様ではない。このような状況は,学年が進むにつれて進む傾向にある。そこでこのコースでは,同内容の例題と類題と発展問題に取り組むことにより,生徒がゆとりをもって,数量に関する基礎的・基本的な知識を確実に理解できるようにするとともに,自ら課題を見つけ考える問題解決的な学習を積極的に進めることができるようにする。

## 7 目標

・ 2次方程式について理解し、それを用いることができるようにする。

### 8 評価規準

「数学への関心・意欲・態度」

・ 数学的活動の楽しさ,数学的な見方や考え方のよさを知り,それらを進んで活用した。

#### 「数学的な見方や考え方」

· 事象を数理的に考察する能力を高めた。

#### 「数学的な表現・処理」

・ 数学的な表現や処理の仕方を習得した。

#### 「数量,図形などについての知識・理解」

・ 数量,図形などに関する基礎的な概念や原理・法則の理解を深めた。

#### 9 主題の指導計画

別紙「コース別指導計画」参照。本時16時間目

#### 10 本時の指導

#### (1) 本時の到達目標

- 2次方程式を利用して数に関する問題を解く。
- 2次方程式を利用して面積・体積に関する問題を解く。
- 2次方程式の解を使った問題を解く。

## (2) 本時の指導構想

- ・ 自己評価カードを配布し前時の学習内容を想起させる。
- ・ プリントを配布し本時の共通課題を把握させる。
- 「例題」を解くことにより個人課題への動機づけをする。
- 教材・教具としてプリントを利用する。
- ・ 自力解決を基本とする。
- ・ 形成的評価として机間指導による個別チェックをする。
- ・ 総括的評価として自己評価カードに記入させる。
- ・ 配慮する生徒は前列に集め指導を加える。
- ・グループ学習については行わない。

#### (3) 本時の評価の観点

- 2次方程式を利用して数に関する問題を解くことができたか。
- 2次方程式を利用して面積・体積に関する問題を解くことができたか。
- 2次方程式の解を使った問題を解くことができたか。

# 11 本時の展開

	4年の成別					
段	教師の働きかけ	過	生徒の学習活動	指導 / 支援上の留意点		
階	/ 教材・教具	程	土にの子自治動	評価		
	1 既習内容を想起させ	課	1 既習内容を想起する。	基礎・基本の確認		
	る。	題				
	2 本時の学習内容(共通	把	2 本時の学習内容(共通	解決の手立ての確認		
導	課題)を把握させる。	握	課題)を把握する。			
入						
	2 次方程式を利用して数に関する問題を解く。					
	2 次方程式を利用して面積・体積に関する問題を解く。					
	2 次方程式の解を使った問題を解く。					
	3 例題に取り組ませる。	課	3 例題に取り組む。	机間指導による個別チ		
		題		ェック		
		追	自己採点,課題決定	A 例題が解けた		
		求				
			プリントを完璧に	類題 , 発展 , 応用に		
			新研究まで取組む	取り組ませる。		
展開			個人の問題集へ			
刑	4 各自の課題に取り組ま	課	4 各自の課題に取り組	B 例題が解けない		
	せる。	題	む。			
		解		黒板前に移動させて		
	(例題 ~ について展	決		指導を加える。		
	開3と4を繰り返させ					
	る。)					
	5 自己評価の記述とその	ま	5 自己評価の記述とその	よい評価内容の紹介		
終	発表をさせる。	۲	発表をする。	記述の質の向上		
末		め		意欲の喚起		
	6 まとめをさせる。		6 まとめをする。			

A;「十分満足できる状況」と判断されるもの B;「おおむね満足できる状況」と判断されるもの

〔評価方法〕ア;行動(作業)観察

イ;ノート,ワークシート 机間指導 ゥ;発言分析(発言観察)

ウ;発言分析(発言観祭) ェ;自己評価票チェック

ォ;小テスト

時	到達目標	具体の評価規準			
数	到達日標 (必修教科との関連)	数学への 関心・意欲・態度	数学的な 見方や考え方	数学的な 表現・処理	数量,図形などについての 知識・理解
1	・自分に最も適したコースを選ぶことがで きる。				
2	・プレテストを受け , 基礎・基本がどの程 度定着しているか把握することができ る。				
3	・方程式を立てるための考え方や問題を解く手順を知ること ・方程式を使って実際の問題を解くこと ・方程式の解の吟味をすること ・方程式を使って問題を解く手順をまとめること	を使うと解決できることに関心を持っている。 (ア,イ) B方程式を使って問題を解決しようとす	(ァ,ィ,ゥ) B 方程式を使った解決過程が適切であった	きる。 (ィ,ェ,ォ) B立てた方程式を解いて,問題を解決する	量や数量の間の関係を理解している。 ( ィ , ゥ , ォ ) B 方程式を使って問題を解決する手順を理
		ることのよさに気づき,積極的に問題を	A数量関係のとらえ方によって異なる形の 方程式ができることに気づき,他の視点 から方程式を立てることを考えることが できる。 (ァ,ィ,ゥ)	に,解決過程を適切に説明することがで きる。 (ィ,ェ,ォ)	を活用して解決するよさを理解してい
4	・比例,反比例を使って実際の問題を解く こと		B 身の回りの問題を考えるときに,比例, 反比例の考えを活用することができる。 (イ,ゥ)	決することができる。 (ィ,ゥ,ォ)	
5	・線分の垂直二等分線の性質をまとめること ・作図の意味を知ること ・線分の垂直二等分線の作図をすること ・線分の垂直二等分線の作図を利用すること ・直線外の1点から直線に垂線をひくこと	ている。 (ァ,ィ) B定規とコンパスのみで図をかくことに関 心を持ち,線分の垂直二等分線の作図の	(ァ,ィ,ゥ) B垂直二等分線の作図を発展させて,垂線 の作図を考えることができる。	きる。 (イ,ェ) B垂線の作図をすることができる。 (イ,ェ)	る。 (イ,エ,オ) B線分の垂直二等分線や垂線の作図のした たを理解している。 (イ,エ,オ)
	・角の二等分線の意味を知り,その性質をまとめること ・角の二等分線を作図すること ・角の二等分線の作図を利用すること	る。 (ア) B角の二等分線の作図のしかたを見いだそ		(ィ,ェ) A目的に応じて,角の二等分線の作図を利 用することができる。 (ィ,ェ)	(イ,ェ,ォ) B角の二等分線の作図のしかたを理解して

時	到達目標	具体の評価規準			
数	(必修教科との関連)	数学への 関心・意欲・態度	数学的な 見方や考え方	数学的な 表現・処理	数量,図形などについての 知識・理解
6	・底面積の意味を知ること ・角柱や円柱の体積を求めること ・角錐や円錐の体積を求めること	して,いろいろな立体の体積を求めることに関心を持ち,求め方を探ろうとす	(ィ,ゥ) Aいろいろな立体の体積を平面図形の面積 と結びつけて考えることができる。 (ィ,ゥ)	る。 (イ) Aいろいろな立体の体積を工夫して求めた り,その求め方を的確に説明したりする ことができる。 (イ)	B立体の体積の求め方を理解している。 ( ィ , ェ , ォ ) Aいろいろな立体の体積を , 平面図形の面
	・側面積,表面積の意味を知ること ・角柱や円柱の表面積を求めること ・角錐や円錐の表面積を求めること	関心を持ち,求め方を探ろうとする。 (ア,イ)	B 既習の求積公式等にもとづいて,立体の表面積の求め方を考えることができる。 (イ,ゥ) A いろいろな立体の表面積をその展開図の面積と結びつけて考えることができる。 (イ,ゥ)	きる。 (イ) Aいろいろな立体の表面積を工夫して求め たり,その求め方を的確に説明したりす ることができる。 (イ)	(ェ,ォ) B立体の表面積の求め方を理解している。 (ィ,ェ,ォ)
7	・中間の評価テストを受け,基礎・基本が どの程度定着しているか把握することが できる。				
8	・文字式を使って数や図形の性質を説明すること ・文字式の計算を問題の解決に利用すること	考えることに関心を持ち,活用しようと	B整数の性質や数量の間の関係を文字式を 使って考えることができる。(ィ,ゥ)		係を,一般的な式に表せることを理解している。 (ゥ,ェ) B文字式で説明する必要性を理解してい
			A 整数の性質や数量の間の関係を帰納や類 推を用いて発見することができ,文字式 を適切に用いて考えることができる。 (ィ,ゥ)	A見いだしたことがらや関係を簡潔かつ一般的に説明したり,文字式を目的に応じて的確に変形することができる。	A文字式を用いて一般化して表現すること
	・等式をある文字について解くこと ・比の値の意味を知り,等式の性質を使っ て比の性質を調べること	応じて変形するよさに関心を持ち,活用しようとする。 (ア,イ)	B どのように等式を変形したら利用しやすいかを考えることができる。(ィ,ゥ) B 等式を変形するよさに気づく。 (ィ,ゥ)	変形することができる。(ィ,ェ,ォ)	しかたを理解している。  (ィ,ォ)
		って等式の変形に取り組もうとする。	A等式を変形するよさに気づき,目的に応じた式の変形が問題の解決に不可欠であると考えることができる。 (ィ,ゥ)	手順を説明したりすることができる。	等式を変形する意義を理解している。
					(ゥ,ェ,ォ)
9	・連立方程式を使って実際の問題を解くこと ・連立方程式の解の吟味をすること				順を理解している。  (ィ,ォ)
		な事象の問題を解決しようとする。	A 問題解決にあたって見通しを持つことができ,連立方程式の利用を考えることができる。 (ァ,ィ,ゥ)		共通点を認識し,それらの利用のしかた

時	到達目標	具体の評価規準			
数	(必修教科との関連)	数学への 関心・意欲・態度	数学的な 見方や考え方	数学的な 表現・処理	数量 , 図形などについての 知識・理解
10	・1次関数を使って実際の問題を解くこと ・式を求めること	B身の回りの事象に関する問題が1次関数を使うと解決できることに関心を持ち,問題を解決しようとする。 (ア,イ)	たかどうかを振り返って考えることがで	B 1 次関数の表,式,グラフを用いて問題 を解決することができる。 (ィ)	
		A 1 次関数の学習で獲得した知識や技能を 活かして、いろいろな事象や問題場面を 考えようとする。 (ア,イ)	き、表、式、グラフをどのように用いる	A 1 次関数を活用しての解決過程を説明したり,表,式,グラフを的確に利用したりすることができる。 (ィ,ゥ,ォ)	
	・ 2 元 1 次方程式のグラフの意味を知ること ・ 2 元 1 次方程式のグラフをかくこと	B 2 元 1 次方程式と 1 次関数のグラフの関係を調べようとする。 (ァ,ィ)	係を考えることができる。  (ゥ)	B2元1次方程式のグラフをかくことができる。 (ィ,ォ)	
			B 方程式 <i>ax</i> + <i>by</i> = <i>c</i> で, <i>a</i> = 0 のときの方 程式 <i>by</i> = <i>c</i> のグラフを考えることができ る。 (ィ,ゥ)	B方程式 <i>by= c</i> のグラフをかくことができ る。 (ィ,ォ)	
	知ること ・グラフを使って連立方程式を解くこと	関心を持ち,活用しようとする。 (ア,イ)	の交点との関係を考えることができる。	B連立方程式の解をグラフを使って求める ことができる。 ( ィ,ォ)	められることを理解している。
	・連立方程式を使って 2 直線の交点の座標を求めること				
11	・証明することの必要性とその意味を知る こと		内角と外角の性質などを根拠にして論理 的に考えることができる。 (ィ,ゥ)	B 証明の例から,証明のすじ道や使われた 根拠となることがらをよみとることがで きる。 (ィ,ゥ)	
	・仮定,結論の意味を知ること ・証明のしくみとその進め方を知ること ・証明の根拠となることがらをまとめるこ と	身につけようとする。(ァ,ィ)	B 証明の進め方の学習を通して,証明に必要なことがらを考えることができる。 (ィ,ゥ)	B 証明することがらの仮定と結論を明確に することができる。 (イ,ゥ,ォ)	B仮定,結論の意味を知っている。 (ゥ,ォ) B証明の根拠として使われることがらを理 解している。 (ィ,ゥ,ェ,ォ)
12	・三角形の合同条件を使って図形の性質や 作図の方法が正しいことを証明すること		条件のいずれを使ったらよいかを考える ことができる。 (ィ,ゥ)	B 三角形の合同条件を使って,図形の性質 を証明することができる。(ィ,ゥ,ォ)	
			使って , 図形の性質が正しいことを的確 に考えることができる。 (ィ , ゥ)		
13	・樹形図や表を使って確率を求めること ・いろいろな場面の確率を求めること	を持ち,その求め方を調べようとする。 (ァ,ィ)	るとき,場合の数を求める適切な方法を考えることができる。 (イ,ォ) A問題場面を適切に把握し,より合理的な解決方法を考えることができる。	(イ,オ)	形図や表を活用するとよいことを理解し

時	到達目標 (必修教科との関連)	具体の評価規準			
数		数学への 関心・意欲・態度	数学的な 見方や考え方	数学的な 表現・処理	数量,図形などについての 知識・理解
14	・平方根を含んだ式の計算をすること ・乗法公式や因数分解を使って式の値を求 めること	心を持ち,それらの計算をしようとする。 (ア,イ) A平方根を含んだいろいろな式の計算を文字式の計算を活かして,工夫しながら積極的にしようとする。 (ア,イ)	かたを,文字をふくむ式の計算のしかたから類推することができる。 (ィ,ゥ) A 平方根を含んだいろいろな式の計算で,簡潔で能率のよい計算のしかたを見いだすことができる。 (ィ,ゥ)	A 平方根を含んだいろいろな式を正確かつ 能率的に計算することができる。 (イ,ォ)	学習した計算法則や乗法公式が利用できることを理解している。 (イ,オ) A 平方根を含んだいろいろな式を文字式の計算のしかたと関連づけて理解している。 (イ,ウ,オ)
15	・式の展開や因数分解を使って図形の性質 や整数の性質を調べること	えようとする。 (ア,ィ) A 式を利用して積極的に問題を解決しようとするとともに,式の展開や因数分解を使って式の変形をしようとする。	開や因数分解を使って,目的に応じた式の変形のしかたを考えることができる。 (イ,ゥ,ォ) A 数や図形の性質を証明するのに,式の展	(イ,オ) B証明のための式の計算をすることができる。 (イ,オ) A式の変形が目的に応じてでき,その過程 や結果を的確に説明することができる。 (イ,ウ,オ)	使った式を利用すればよいことを理解し ている。 (イ,ゥ,ェ)
16	・2 次方程式を使って実際の問題を解くこと・2 次方程式の解の吟味をすること	のよさに気づき , 問題を解決しようとする。	B 2 次方程式を立てるために,数量の間の関係を把握することができる。(イ,ゥ) B 2 次方程式を使った問題で,解決過程が適切であったかどうかを振り返って考えることができる。 (イ,ゥ) A 2 次方程式を使った問題で,見通しを持	ができる。 (イ , ォ)  B立てた 2 次方程式を解いて , 解の吟味をし , 問題を解決することができる。 (イ , ェ , ォ)  A さまざまな事象に対して 2 次方程式を的確に用いて , その解決過程を明確に説明することができる。 (イ , ゥ)	
17	・ポストテストを受け , 基礎・基本がどの 程度定着しているか把握することができ る。				